



۱. (۴۰٪) [نظری - پردازش سیگنال]

الف. جدول زیر را تکمیل کنید (برای هر ستون، پاسخ "بله/خیر" داده و به صورت مختصر دلیل را توضیح دهید).

سیستم	خطی	تغییرناپذیر با زمان	علی
$y(t) = 3x(t) \cos(t)$			
$y(t) = \sqrt{x^2(t)}$			
$y(t) = \int_t^{t+1} x(\lambda) d$			
$y[n] = 2(x[n+1]u[n] - x[n]) + 1$			
$y[n] = \begin{cases} +1, & x[n] \geq 0 \\ -1, & x[n] < 0 \end{cases}$			

ب. تبدیل فوریه سیگنال‌های زیر را محاسبه کنید.

$$[e^{-at} \cos(\omega_0 t)]u(t), \quad a > 0$$

$$e^{3t} \sin(2t)$$

$$\frac{\sin(\pi t) \sin(2\pi t)}{\pi t}$$

پ. خروجی یک سیستم خطی تغییرناپذیر با زمان (LTI) علی به ورودی $x(t)$ از طریق معادله دیفرانسیل زیر مرتبط است:

$$\frac{d}{dt}y(t) + 2y(t) = x(t)$$

پاسخ فرکانسی سیستم $H(\omega) = \frac{Y(\omega)}{X(\omega)}$ را تعیین کنید و اندازه و فاز $H(\omega)$ را رسم کنید.



اگر $x(t) = e^{-t}u(t)$ باشد، تبدیل فوریه خروجی $Y(\omega)$ را بیابید.
 $y(t)$ را برای ورودی داده شده در بخش قبل محاسبه کنید.

۲. (۳۰٪) [عملی - تحلیل اثرات تغییر طول داده و فرکانس‌ها]

با استفاده از روش افزودن صفر در حوزه فرکانس، سیگنال زیر را به نرخ نمونه برداری بالاتر تبدیل کنید.

$$x(t) = 6 \cos(2\pi 8.5t) \text{ Volts, for } 0 \leq t < 2 \text{ seconds}$$

این سیگنال در ابتدا با نرخ $f_s = 32$ نمونه در ثانیه نمونه برداری شده است. هدف این است که آن را به نرخ نمونه برداری جدید $f_{s_{\text{new}}} = 256$ نمونه در ثانیه افزایش دهید و ۲ ثانیه داده (۶۴ نمونه) تولید کنید. مراحل زیر را دنبال کنید:

۱. سیگنال را با نرخ ۳۲ نمونه در ثانیه تولید کنید.
 ۲. تبدیل فوریه گسسته (DFT) این سیگنال را محاسبه کنید.
 ۳. مقدار مربوط به فرکانس $0.5f_s$ را صفر قرار دهید.
 ۴. تعداد مناسبی صفر در اطراف $0.5f_s$ درج کنید و اطمینان حاصل کنید که تقارن مزدوج مختلط حول $0.5f_{s_{\text{new}}}$ حفظ شده است.
 ۵. نتیجه را به درستی مقیاس بندی کرده و تبدیل معکوس را محاسبه کنید. بررسی کنید که قسمت موهومی بسیار کوچک باشد (در حالت ایده آل صفر، اما معمولاً خطای گرد کردن وجود دارد). قسمت حقیقی را استخراج کنید.
 ۶. سیگنال نمونه برداری شده جدید را رسم کنید و در همان نمودار، نمونه های اصلی نمایش دهید.
- (ب) فرآیند بالا را تکرار کنید، اما این بار به جای تولید ۶۴ نمونه (۲ ثانیه داده)، ۸۰ نمونه (۲.۵ ثانیه داده) تولید کنید و سپس با استفاده از روش افزودن صفر، نرخ نمونه برداری را به ۲۵۶ نمونه در ثانیه افزایش دهید. بررسی کنید که در نزدیکی $0.5f_s$ (نصف نرخ نمونه برداری اولیه) چه



اتفاقی می‌افتد و توضیح دهید که چگونه در روش افزایش نرخ نمونه‌برداری این مسئله را مدیریت می‌کنید. نتایج خود را تحلیل و تفسیر کنید.

۳. (۳۰٪) [عملی - تحلیل فوریه و نوشتن کد تبدیل فوریه گسسته خودتان]

در این سوال، شما باید تبدیل فوریه گسسته (DFT) خود را پیاده‌سازی کنید و از آن برای تجزیه و تحلیل یک سیگنال واقعی به منظور اندازه‌گیری نوسانات عصبی از طریق طیف توان استفاده کنید. لطفاً در هنگام انجام تمرینات در نوت‌بوک، مراحل زیر را تکمیل کنید:

۱. تابع تبدیل فوریه گسسته (DFT) را با استفاده از سینوسی‌های مختلط و ضرب داخلی همانطور که در کلاس توضیح داده شد، پیاده‌سازی کنید.

۲. پیاده‌سازی DFT خود را بر روی یک سیگنال واقعی برای دو واج /f/ و /e/ که توسط خودتان با نرخ نمونه‌برداری ۱۶ کیلوهرتز و ۱۶ بیت ضبط شده است، اعمال کرده و نمودارهای توان طیف و فاز آن را رسم کنید.

۳. مشاهده‌های کلیدی خود را در مورد نوسانات عصبی در طیف توان توضیح دهید. اطمینان حاصل کنید که کد خود را به طور کامل مستند کرده و مشاهده‌های خود را در سلول‌های مربوطه توضیح دهید. پس از تکمیل تمام مراحل، نوت‌بوک را ارسال کنید.

۴. (۲۵٪ امتیازی) [پیاده‌سازی کاربردی: چت‌بات صوتی فارسی]

الف) در این سوال می‌خواهیم یک چت‌بات شبیه زیگپ (نسخه اندروید و PWA و تحت وب آن در سایت Zigap.ir است) بسازیم. بدین صورت که ابتدا در خود پایتون برنامه‌ی شما صدا (با فرض اینکه شما فارسی حرف می‌زنید) را ضبط می‌کند (برای این کار پیشنهاد می‌شود از کتابخانه‌ی pyaudio کمک بگیرید) سپس صدای ضبط شده باید به یک مدل تشخیص گفتار که فارسی را پشتیبانی می‌کند مثل مدل هزار، داده شود تا تبدیل به متن شود.

<https://github.com/hezarai/hezar>



حال باید از api یکی از هوش مصنوعی ها مانند chatgpt یا gemini یا copilot یا DeepSeek یا ... استفاده کنید. پیشنهاد می شود از api زیر که نیاز به api key ندارد استفاده کنید

<https://github.com/xtekky/gpt4free>

حال متن تبدیل شده خود را چاپ کرده و به مدل دهید و جواب بات را نیز دریافت کنید و چاپ کنید. برنامه شما باید هر بار از کاربرد بپرسد که می خواهد ادامه دهد و صدای جدید ضبط کند یا از برنامه خارج شود.

در انتها باید تمام گفتگوها ما بین کاربر و چت بات در یک فایل متنی (txt). ذخیره شود. در گزارش خود بیاورید که با تغییر پارامترهای مختلف در هنگام ضبط صدا مانند `sample_rate(frame_rate)`. آیا در هنگام تبدیل صدا به متن تفاوتی پیدا می شود یا خیر. می توانید برای سنجش این کار چند بار یک جمله ی ثابت را با پارامترهای مختلف تست کنید) همه پارامترها را نام ببرید و برای هر کدام با ثابت نگه داشتن بقیه حداقل دو مقدار را امتحان کنید. (ب) می توان برای هر بار استفاده از برنامه ابتدا از کاربر اسم کاربر و پسورد خاص خود را بگیریم و در دیتابیس چک کنیم اگر قبلا این کاربر و پسورد دارای گفتگو است، ابتدا گفتگو قبلی را بخوانیم و به بات نشان دهیم، سپس در اخر برنامه نیز گفتگوهای جدید به این گفتگو اضافه شوند و در فایل txt مربوط به آن کاربر نوشته شوند.

نکته: استفاده از هر کتابخانه ای در این سوال کاملا مجاز است.